

คู่มือเรียน-เตรียมสอบ  
วิชาฟิสิกส์ ระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย



# สรุปหลักวิชา ฟิสิกส์

ตรงตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษา  
ขั้นพื้นฐาน พ.ศ. 2551

ม.

4

นายพงษ์ตะวัน มะโหะ (พีเดฟ)

ปริญญาตรี วิศวกรรมศาสตรบัณฑิต สาขาวิศวกรรมไฟฟ้า (วศ.บ.)  
คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์



200.-



$$E = mc^2$$



# สรุปหลัก

วิชาฟิสิกส์  ม.4



$$E = mc^2$$



# สรุปหลักวิชาฟิสิกส์ ม.4

หมายเลขหนังสือ ISBN	978-616-449-057-4
ผู้เขียน	พงษ์ตะวัน มะโตะ
บรรณาธิการ	นิกข์นิภา สหัสโยธิน
บรรณาธิการบริหาร	กรภัทร์ สุทธิคารา
ศิลปกรรมปก	วินัสสา ปั่นจาด
ศิลปกรรมรูปเล่ม	ชลนภา วัชรารภรณ์
พิสูจน์อักษร	เจ้าขา
เทคนิคการผลิต	วรพล ณธิกุล, ฉัตรชนก แก้วจันทร์, ปฐมพล ธรรมศรีสกุล, มงคล แก้วพลอย
พิมพ์ครั้งที่ 1	กุมภาพันธ์ 2561
ราคา	200 บาท

## ข้อมูลทางบรรณานุกรมของสำนักหอสมุดแห่งชาติ

### National Library of Thailand Cataloging in Publication Data

พงษ์ตะวัน มะโตะ.

สรุปหลักวิชาฟิสิกส์ ม.4 .-- นนทบุรี : อิงค์ ป็ยอนด์ บ็คส์, 2561.  
220 หน้า.

1. ฟิสิกส์--ข้อสอบและเฉลย. I. ชื่อเรื่อง.

530.76

ISBN 978-616-449-057-4

## สร้างสรรค์โดย



บริษัท อิงค์ ป็ยอนด์ บ็คส์ จำกัด

เลขที่ 200 หมู่ 4 ชั้น 19 ห้อง 1903A

จัสมินอินเตอร์เนชั่นแนลทาวเวอร์ ถนนแจ้งวัฒนะ

ตำบลปากเกร็ด อำเภอปากเกร็ด จังหวัดนนทบุรี 11120

โทรศัพท์ 0 2962 1081, 0 2962 2626 (อัตโนมัติ 10 คู่สาย)

โทรสาร 0 2962 1084

[www.thinkbeyondbook.com](http://www.thinkbeyondbook.com)

## จัดจำหน่ายโดย

บริษัท ไอดีซี พรีเมียร์ จำกัด

เลขที่ 200 หมู่ 4 ชั้น 19 ห้อง 1901 จัสมินอินเตอร์เนชั่นแนลทาวเวอร์

ถนนแจ้งวัฒนะ ตำบลปากเกร็ด อำเภอปากเกร็ด จังหวัดนนทบุรี 11120

โทรศัพท์ 0 2962 1081, 0 2962 2626 (อัตโนมัติ 10 คู่สาย) จันทร์-ศุกร์ 09.00-17.30 น.

โทรสาร 0 2962 1084

สมาชิกสัมพันธ์ โทรศัพท์ 0 2962 1081-3, 0 2962 2626 ต่อ 706-715

สำหรับร้านค้าและตัวแทนจำหน่าย โทรศัพท์ 0 2962 1081, 0 2962 2626 ต่อ 112-114 โทรสาร 0 2962 1084

วิชาฟิสิกส์ในการเรียนระดับชั้นมัธยมปลายนั้น ถือว่าเป็นวิชาที่สำคัญอันดับต้นๆ ในการใช้เข้าสอบมหาวิทยาลัย และยังคงเป็นวิชาที่มีเนื้อหาและเทคนิคในการทำข้อสอบมากมายอีกด้วย

ด้วยเหตุนี้ สำนักพิมพ์ Think Beyond A+ จึงได้เล็งเห็นความสำคัญในการผลิตหนังสือคู่มือเรียนเตรียมสอบวิชาฟิสิกส์ในระดับชั้นมัธยมปลาย โดยเฉพาะอย่างยิ่งระดับมัธยมศึกษาปีที่ 4 เพื่อเตรียมพื้นฐานเน้นการฝึกให้นักเรียนได้ฝึกฝน เรียนรู้ทักษะต่างๆ เช่น สูตร ทฤษฎี และกฎต่างๆ ให้มีความรู้ ความเข้าใจมากยิ่งขึ้น

หนังสือ สรุปหลักวิชาฟิสิกส์ ม.4 เล่มนี้ ผลิตขึ้นสำหรับนักเรียนในชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 โดยอาศัยเทคนิคการสรุปประเด็น และสาระสำคัญเป็นตารางและหลักการจำเป็นข้อๆ ให้อ่านง่าย นอกจากนี้ยังได้รวบรวมแนวข้อสอบจริงท้ายเล่มเพื่อเตรียมพื้นฐานความพร้อม ให้นักเรียนได้ฝึกฝนจริง เพื่อเพิ่มเติมความรู้และเตรียมตัวสอบ เพิ่มคะแนนตลอดทั้งปีการศึกษา

ทางสำนักพิมพ์หวังเป็นอย่างยิ่งว่า หนังสือเล่มนี้จะเป็นคัมภีร์ใจประจักษ์สู่ความสำเร็จในการเรียนวิชาฟิสิกส์สำหรับนักเรียนในชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 ทุกคน และมีความมุ่งมั่นตั้งใจในการพัฒนาความรู้ความสามารถของตนเองต่อไป

**กองบรรณาธิการฝ่ายวิชาการ  
สำนักพิมพ์ Think Beyond A+**



การทำความเข้าใจวิชาฟิสิกส์และการทำข้อสอบ นอกจากจะต้องมีความรู้และความจำ สูตร ทฤษฎี และกฎเกณฑ์ต่างๆ ของวิชาฟิสิกส์แล้ว การฝึกฝนทำแบบฝึกหัดก็เป็นสิ่งจำเป็นและสำคัญ เพื่อสร้างความชำนาญและความแม่นยำในการแก้ปัญหาโจทย์

หนังสือ **สรุปหลัก วิชาฟิสิกส์ ม.4** เป็นหนังสือที่ได้รวบรวมข้อสอบฟิสิกส์ โดยแยกออกเป็น บทๆ ตามเนื้อหาในหลักสูตรฟิสิกส์ระดับมัธยมศึกษาตอนปลาย และได้สรุปเนื้อหาไว้อย่างกระชับ เพื่อให้ง่ายต่อการทำความเข้าใจและจดจำได้ดียิ่งขึ้น

ผู้เขียนหวังว่า หนังสือเล่มนี้จะมีส่วนช่วยในการฝึกฝนและสร้างความเข้าใจแก่ผู้อ่านในการ แก้ปัญหาวิชาฟิสิกส์ได้ดียิ่งขึ้น

## คำขอบคุณ

ขอขอบคุณสำนักพิมพ์ที่ให้โอกาสในการเขียนหนังสือเล่มนี้ ขอขอบคุณพ่อและแม่ที่คอยให้กำลังใจ เสมอมา จนหนังสือเล่มนี้สำเร็จจุล่งไปได้ด้วยดี

ด้วยความปรารถนาดี

พงษ์ตะวัน มะโชะ

## Part 1 : สรุปเนื้อหาและตัวอย่างข้อสอบ

● บทที่ 1 การเคลื่อนที่ใน 1 มิติ  
แบบฝึกหัดท้ายบทที่ 1

6

7

28

● บทที่ 2 แรง มวล และกฎการเคลื่อนที่  
แบบฝึกหัดท้ายบทที่ 2

31

49

● บทที่ 3 การเคลื่อนที่แบบต่างๆ  
แบบฝึกหัดท้ายบทที่ 3

52

77

● บทที่ 4 งานและพลังงาน  
แบบฝึกหัดท้ายบทที่ 4

82

99

● บทที่ 5 โมเมนตัมและการชน  
แบบฝึกหัดท้ายบทที่ 5

103

122

● บทที่ 6 การเคลื่อนที่แบบหมุน  
แบบฝึกหัดท้ายบทที่ 6

126

136

● บทที่ 7 สมดุลกล  
แบบฝึกหัดท้ายบทที่ 7

138

160

● บทที่ 8 สภาพยืดหยุ่น  
แบบฝึกหัดท้ายบทที่ 8

163

168

## Part 2 : แนวข้อสอบท้ายเล่ม

169

เฉลย

179

● เฉลยแบบฝึกหัดท้ายบท

180

● เฉลยแนวข้อสอบท้ายเล่ม

209



# PART 1

สรุปเนื้อหา และ  
ตัวอย่างข้อสอบ



# บทที่ 1 การเคลื่อนที่ใน 1 มิติ

## การเคลื่อนที่ของวัตถุ

**การเคลื่อนที่ของวัตถุ** คือ การเปลี่ยนตำแหน่งของวัตถุนั้นจากตำแหน่งเดิมไปยังตำแหน่งใหม่ในช่วงเวลาหนึ่ง ลักษณะการเคลื่อนที่ของอนุภาคจะเป็นแบบเคลื่อนที่เพียงอย่างเดียว อาจจะมีแนวการเคลื่อนที่เป็นแนวเส้นตรง แนวโค้ง หรือซ้ำแนวเดิมกลับไปกลับมาก็ได้ ส่วนวัตถุแข็งเกร็งนั้นจะมีการเคลื่อนที่ได้ทั้งแบบเคลื่อนที่และแบบหมุน เช่น การเคลื่อนที่ของล้อรถยนต์ที่วิ่งไปบนถนน

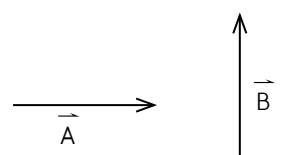
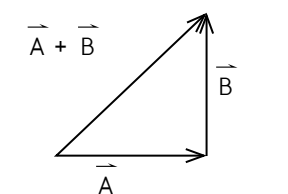
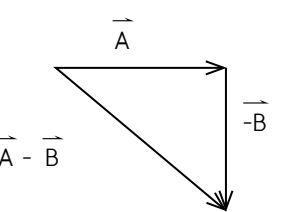
การเคลื่อนที่ในหนึ่งมิติจึงเป็นการเคลื่อนที่แค่แกนใดแกนหนึ่ง อาจจะเป็นแกน  $x$  อย่างเดียวหรือแกน  $y$  อย่างเดียวก็ได้

### ปริมาณทางฟิสิกส์จำแนกออกเป็น 2 ประเภท

- ปริมาณเชิงสเกลาร์** หมายถึง ปริมาณที่บ่งบอกแต่ขนาดเพียงอย่างเดียวก็มีความหมายสมบูรณ์โดยไม่ต้องระบุทิศทาง เช่น ความยาว มวล อุณหภูมิ เวลา
- ปริมาณเชิงเวกเตอร์** หมายถึง ปริมาณที่ต้องบ่งบอกทั้งขนาดและทิศทางจึงจะมีความหมายสมบูรณ์ เช่น ความเร็ว ความเร่ง แรง

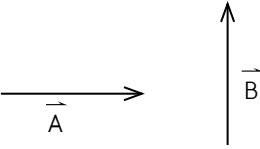
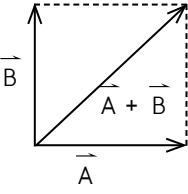
**ข้อควรจำ** ปริมาณเชิงสเกลาร์หากมีการรวมกันสามารถนำมารวมกันแบบพีชคณิตได้ แต่ปริมาณเชิงเวกเตอร์จะต้องรวมกันแบบเวกเตอร์เท่านั้น

## การรวมเวกเตอร์

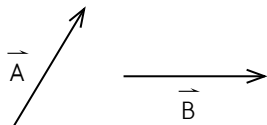
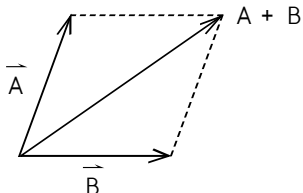
1. การรวมแบบหางต่อหัว	
	$\vec{A} + \vec{B}$ จะได้ 
การใส่เครื่องหมายลบหน้าเวกเตอร์ คือ การกลับทิศของเวกเตอร์ โดยที่ขนาดยังคงเท่าเดิม	
$\vec{A} - \vec{B} = \vec{A} + (-\vec{B})$ จะได้	

# PART 1 : สรุปเนื้อหาและตัวอย่างข้อสอบ

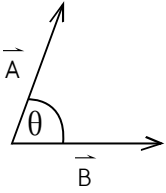
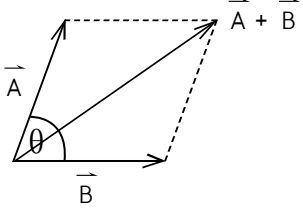
## 2. การรวมแบบสี่เหลี่ยมคางหมู

	$\vec{A} + \vec{B}$ จะได้	
---	---------------------------	--

## 3. การรวมแบบสี่เหลี่ยมขนมเป็ยกปุ่น

	$\vec{A} + \vec{B}$ จะได้	
---	---------------------------	--

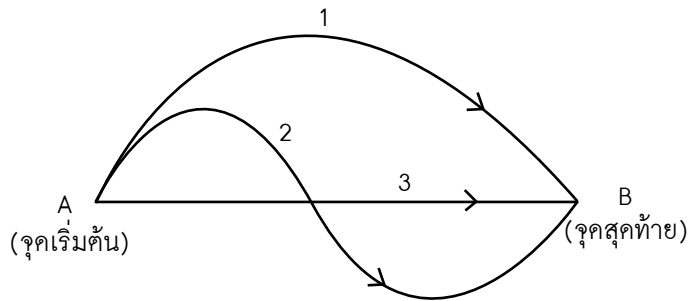
## 4. การรวมแบบใช้สูตร เมื่อทราบมุม $\theta$ ระหว่างเวกเตอร์

	$\vec{A} + \vec{B}$ จะได้	 $ \vec{A} + \vec{B}  = \sqrt{ \vec{A} ^2 +  \vec{B} ^2 + 2 \vec{A}  \vec{B} \cos\theta}$
---	---------------------------	---

## ระยะทางและการกระจัด

**ระยะทาง** คือ ระยะที่วัดได้จากการเคลื่อนที่จริง

**การกระจัด** คือ ระยะที่วัดจากจุดเริ่มต้นไปยังจุดสุดท้ายในแนวเส้นตรง



จากรูป เป็นการเคลื่อนที่จาก A (จุดเริ่มต้น) ไปยัง B (จุดสุดท้าย) โดยเส้นทาง 1, 2 และ 3 เป็นการเคลื่อนที่จริง จึงเรียกว่า **ระยะทาง** แต่การเคลื่อนที่ตามเส้นทาง 3 เป็นการเคลื่อนที่ในแนวเส้นตรง จึงเป็นทั้งระยะทางและการกระจัด

## อัตราเร็ว ความเร็ว และความเร่ง

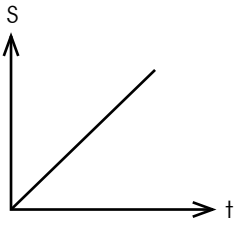
อัตราเร็ว ( $v$ ) = $\frac{\text{ระยะทาง (s)}}{\text{เวลา (t)}}$	หน่วย เมตรต่อวินาที (m/s)	เป็นปริมาณสเกลาร์
ความเร็ว ( $\vec{v}$ ) = $\frac{\text{การกระจัด (s)}}{\text{เวลา (t)}}$	หน่วย เมตรต่อวินาที (m/s)	เป็นปริมาณเวกเตอร์
ความเร่ง ( $\vec{a}$ ) = $\frac{\text{การเปลี่ยนแปลงความเร็ว } (\Delta \vec{v})}{\text{เวลา } (\Delta t)}$	หน่วย เมตรต่อวินาที <sup>2</sup> (m/s <sup>2</sup> )	เป็นปริมาณเวกเตอร์

การวัดอัตราเร็วของวัตถุซึ่งเคลื่อนที่ในช่วงเวลาสั้นๆ ด้วยเครื่องเคาะสัญญาณเวลา

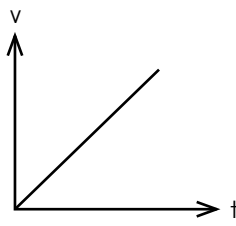
เครื่องเคาะสัญญาณเวลาใช้ไฟฟ้ากระแสสลับมีความถี่ในการเคาะ 50 ครั้งต่อวินาที ดังนั้น ระยะห่างจากจุดหนึ่งไปยังอีกจุดหนึ่งที่อยู่ถัดไปจะทำให้เวลาเท่ากับ  $\frac{1}{50}$  วินาที

# PART 1 : สรุปเนื้อหาและตัวอย่างข้อสอบ

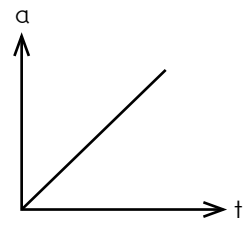
## ความชันและพื้นที่ใต้กราฟของกราฟ $s - t$ , $v - t$ และ $a - t$



ความชัน =  $v$   
พื้นที่ = -

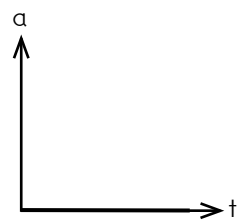
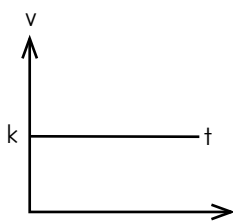
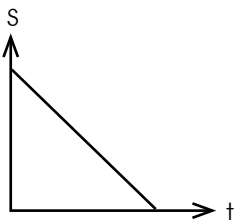
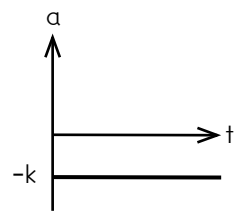
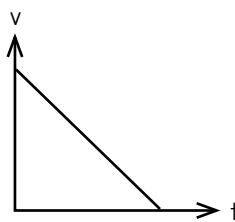
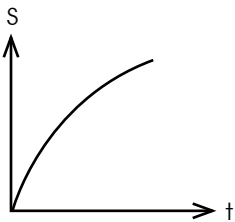
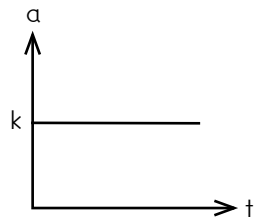
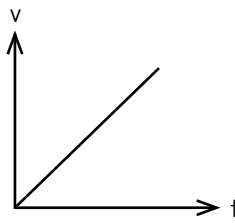
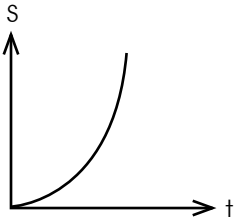


ความชัน =  $a$   
พื้นที่ =  $s$



ความชัน = -  
พื้นที่ =  $v$

## การแปลงกราฟของ $s - t$ , $v - t$ และ $a - t$



สูตรการเคลื่อนที่แนวตรงด้วย  $a$  คงที่

สูตร	กำหนดให้
$v = u + at$	$u$ = ความเร็วต้น
$s = \left(\frac{u + v}{2}\right)t$	$v$ = ความเร็วปลาย
$s = ut + \frac{1}{2}at^2$	$a$ = ความเร่ง
$v^2 = u^2 + 2as$	$t$ = เวลา
	$s$ = การกระจัด

การเคลื่อนที่แนวตั้งอย่างอิสระภายใต้แรงโน้มถ่วงของโลก  $a = g = 9.8 \text{ m/s}^2$   
หรือประมาณ  $10 \text{ m/s}^2$  เพื่อสะดวกต่อการคำนวณ

$v = u + gt$ $s = \left(\frac{u + v}{2}\right)t$ $s = ut + \frac{1}{2}gt^2$ $v^2 = u^2 + 2gS$	<p><b>ข้อสังเกต</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. ที่จุดสูงสุด <math>v = 0</math></li> <li>2. ที่ระดับเดียวกัน อัตราเร็วจะเท่ากันแต่ความเร็วไม่เท่ากันเพราะสนใจทิศทางด้วย</li> <li>3. วัตถุที่ถูกปล่อยจากพหณะ วัตถุนั้นจะมีความเร็วต้น (<math>u</math>) เท่ากับความเร็วพหณะ</li> <li>4. เมื่อขว้างวัตถุขึ้นไปในอากาศแล้วตกกลับมาที่เดิม การกระจัดจะเป็นศูนย์</li> </ol>
--	---



ตัวอย่างข้อสอบ เรื่อง การเคลื่อนที่ใน 1 มิติ

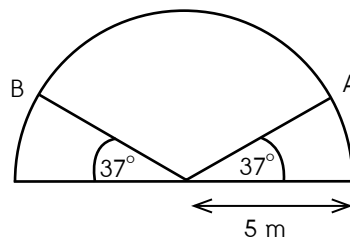
1. เมื่อลิ้งค์หนึ่งขึ้นต้นมะพร้าว ปรากฏว่าทุกๆ 2 นาที มันขึ้นไปได้ 6 เมตร แล้วลื่นกลับลงมาอีก 2 เมตรเสมอ จงหาอัตราเร็วเฉลี่ยและความเร็วเฉลี่ยเมื่อสิ้นสุดนาทีที่ 2 ในหน่วยเมตรต่อวินาที

วิธีทำ

$$\begin{aligned} \text{อัตราเร็ว} &= \frac{\text{ระยะทาง}}{\text{เวลา}} \\ &= \frac{6 + 2}{2 \times 60} \\ &= \frac{8}{120} \\ &= \frac{1}{15} \text{ m/s} \\ \text{ความเร็ว} &= \frac{\text{การกระจัด}}{\text{เวลา}} \\ &= \frac{6 - 2}{2 \times 60} \\ &= \frac{4}{120} \\ &= \frac{1}{30} \text{ m/s} \end{aligned}$$

ดังนั้น อัตราเร็วเฉลี่ยและความเร็วเฉลี่ยเมื่อสิ้นสุดนาทีที่ 2 เท่ากับ  $\frac{1}{15}$  และ  $\frac{1}{30}$  เมตรต่อวินาที

2. วัตถุมวล  $m$  เริ่มเคลื่อนที่จากสภาพหยุดนิ่ง ที่จุด A บนทางโค้งของวงกลม รัศมี 5 เมตร มาถึงจุด B ในเวลา 2 วินาที จงหาความเร็วเฉลี่ยของมวลในช่วง AB ในหน่วยเมตรต่อวินาที



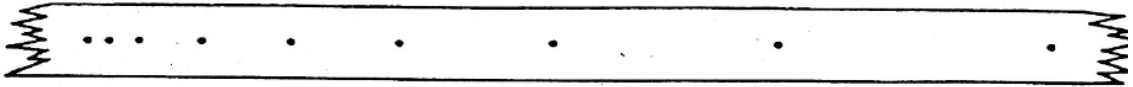
วิธีทำ

$$\begin{aligned} \text{การกระจัดจาก A ไป} &= 2 \times 5 \cos 37^\circ \\ &= 2 \times 5 \times \frac{4}{5} \\ &= 8 \text{ m} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ความเร็วเฉลี่ย} &= \frac{8}{2} \\ &= 4 \text{ m/s} \end{aligned}$$

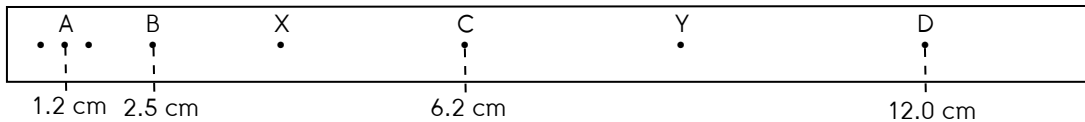
ดังนั้น ความเร็วเฉลี่ยของมวลในช่วง AB เท่ากับ 4 เมตรต่อวินาที

3. ถ้าการเคลื่อนที่ของวัตถุที่ลากแถบกระดาษซึ่งเครื่องเคาะสัญญาณที่เคาะทุกๆ  $\frac{1}{50}$  วินาที ทำให้เกิดจุดคั่งรูปจากการสังเกตระยะห่างระหว่างจุดจะอธิบายถึงความเร่งได้อย่างไร



**คำตอบ** จากการวัดระยะห่างแต่ละช่วงจุดบนแถบกระดาษที่ใช้เวลาเท่ากัน คือ  $\frac{1}{50}$  วินาที แต่การกระจัดเพิ่มขึ้นเรื่อยๆ ทำให้ความเร็วเพิ่มขึ้นอย่างสม่ำเสมอ มีผลให้ความเร่งมีค่าคงที่

4. แถบกระดาษที่ลากผ่านเครื่องเคาะสัญญาณเวลาชนิด 50 ครั้งต่อวินาที ดังรูป



- จงหา
- 4.1 อัตราเร็วเฉลี่ยระหว่างจุด A และ D ในหน่วยเมตรต่อวินาที
  - 4.2 อัตราเร็วที่จุด B ในหน่วยเมตรต่อวินาที
  - 4.3 อัตราเร็วที่จุด C ในหน่วยเมตรต่อวินาที
  - 4.4 ความเร่งที่จุด X ในหน่วยเมตรต่อวินาที<sup>2</sup>
  - 4.5 จากแถบกระดาษ แสดงว่ามีการเคลื่อนที่อย่างไร

- 4.1 อัตราเร็วเฉลี่ยระหว่างจุด A และ D ในหน่วยเมตรต่อวินาที

**วิธีทำ**

$$\begin{aligned} v_{AD} &= \frac{S_{AD}}{t_{AD}} \\ &= \frac{12 - 1.2}{50} \\ &= 90 \text{ cm/s} \\ &= 0.9 \text{ m/s} \end{aligned}$$

ดังนั้น อัตราเร็วเฉลี่ยระหว่างจุด A และ D เท่ากับ 0.9 เมตรต่อวินาที

## 4.2 อัตราเร็วที่จุด B ในหน่วยเมตรต่อวินาที

วิธีทำ

$$\begin{aligned}v_B &= v_{AC} \\ &= \frac{s_{AC}}{t_{AC}} \\ &= \frac{6.2 - 1.2}{\frac{4}{50}} \\ &= 62.5 \text{ cm/s} \\ &= 0.625 \text{ m/s}\end{aligned}$$

ดังนั้น อัตราเร็วที่จุด B เท่ากับ 0.625 เมตรต่อวินาที

## 4.3 อัตราเร็วที่จุด C ในหน่วยเมตรต่อวินาที

วิธีทำ

$$\begin{aligned}v_C &= v_{BD} \\ &= \frac{s_{BD}}{t_{BD}} \\ &= \frac{12 - 2.5}{\frac{4}{50}} \\ &= 118.75 \text{ cm/s} \\ &= 1.19 \text{ m/s}\end{aligned}$$

ดังนั้น อัตราเร็วที่จุด C เท่ากับ 1.19 เมตรต่อวินาที

## 4.4 ความเร่งที่จุด X ในหน่วยเมตรต่อวินาที<sup>2</sup>

วิธีทำ

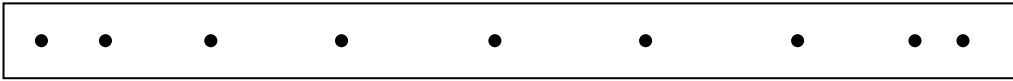
$$\begin{aligned}a_X &= \frac{v_c - v_b}{t_{bc}} \\ &= \frac{1.19 - 0.625}{\frac{2}{50}} \\ &= 14.13 \text{ m/s}^2\end{aligned}$$

ดังนั้น ความเร่งที่จุด X เท่ากับ 14.13 เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>

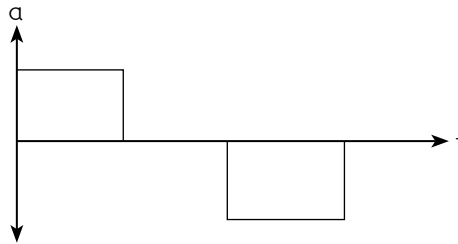
## 4.5 จากแถบกระดาษ แสดงว่ามีการเคลื่อนที่อย่างไร

คำตอบ จากแถบกระดาษ ระยะห่างระหว่างจุดค่อยๆ เพิ่มขึ้น โดยเวลาแต่ละช่วงเท่ากัน ดังนั้น ความเร็วจึงเพิ่มขึ้น

5. จากการศึกษาการเคลื่อนที่ของวัตถุในแนวเส้นตรง โดยใช้เครื่องเคาะสัญญาณเวลา เกิดจุดบนแถบกระดาษ ดังรูป โดยที่ระยะห่างระหว่างจุดจะมีช่วงเวลาเท่ากัน



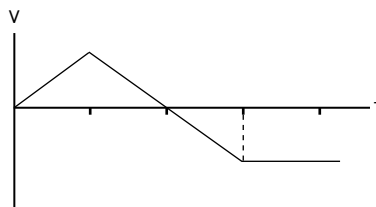
กราฟที่แสดงความสัมพันธ์ระหว่างความเร่งของวัตถุกับเวลาเป็นอย่างไร



**คำตอบ** จากแถบกระดาษแบ่งเป็น 3 ช่วง

1. ช่วงที่ 1 การกระจัดเพิ่มขึ้นเรื่อย ๆ ความเร็วจึงเพิ่มด้วย ทำให้ความเร่งคงที่ (+)
2. ช่วงที่ 2 การกระจัดคงที่ ความเร็วจึงคงที่ ทำให้ความเร่งเป็นศูนย์
3. ช่วงที่ 3 การกระจัดลดลงเรื่อย ๆ ความเร็วจึงลดลง ทำให้ความเร่งคงที่ (-)

6. วัตถุเคลื่อนที่ในแนวเส้นตรงมีความเร็ว ณ เวลาต่าง ๆ กัน ดังกราฟ จงหาว่ากราฟของการกระจัดกับเวลา ในข้อใดที่สอดคล้องกับการเคลื่อนที่ของวัตถุนี้



**คำตอบ** จากรูปมี 3 ช่วงเวลาที่มีการเปลี่ยนแปลง

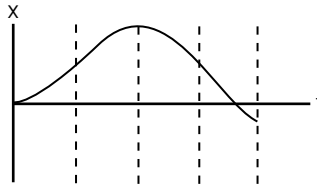
ช่วงที่ 1 ความเร็ว (v) เพิ่มขึ้นสม่ำเสมอ จะได้กราฟการกระจัดแบบพาราโบลาหงาย

ช่วงที่ 2 ความเร็ว (v) ลดลงสม่ำเสมอ จะได้กราฟการกระจัดแบบพาราโบลาคว่ำ แต่ต่อเนื่อง 2 ช่วงในแกนเวลา ซึ่งมากกว่าช่วงที่ 1

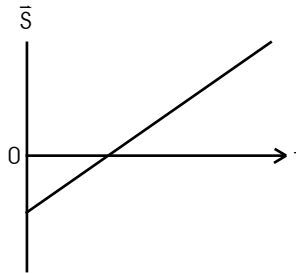
ช่วงที่ 3 ความเร็ว (v) คงที่ แต่คงที่ด้านลบ จะได้กราฟการกระจัดลดลงแบบสม่ำเสมอ

# PART 1 : สรุปเนื้อหาและตัวอย่างข้อสอบ

ดังนั้น จะได้กราฟการกระจัดกับเวลา ดังนี้

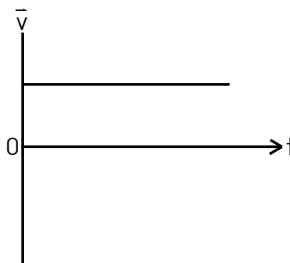


7. กราฟระหว่างการกระจัด ( $\bar{s}$ ) กับเวลา ( $t$ ) ของการเคลื่อนที่หนึ่งเป็นดังนี้

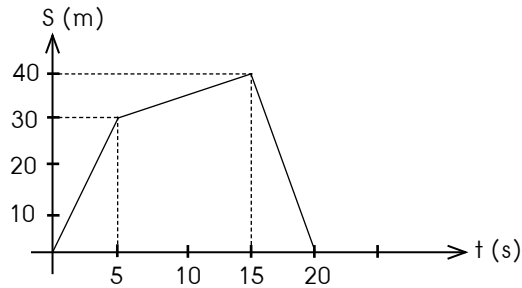


จงเขียนกราฟระหว่างความเร็ว ( $\bar{v}$ ) กับเวลา ( $t$ )

วิธีทำ เนื่องจากการกระจัด ( $\bar{s}$ ) เพิ่มขึ้นอย่างสม่ำเสมอ จะได้กราฟความเร็วคงที่



8. อนุภาคหนึ่งเคลื่อนที่เป็นเส้นตรง ดังกราฟ จงหาการกระจัดและระยะทางที่เคลื่อนที่ได้ในเวลา 20 วินาที



**วิธีทำ**

การกระจัดเป็นศูนย์ เนื่องจากจุดเริ่มต้นและจุดสุดท้ายเป็นจุดเดียวกัน

$$\begin{aligned} \text{ระยะทาง} &= 30 + 10 + 40 \\ &= 80 \text{ m} \end{aligned}$$

ช่วงเวลา 0 - 5 วินาที ได้ 30 เมตร

ช่วงเวลา 5 - 15 วินาที ได้ 10 เมตร

ช่วงเวลา 15 - 20 วินาที ได้ 40 เมตร (เคลื่อนที่ในทิศทางตรงกันข้าม)

9. จากข้อ 8 ที่เวลา 10 วินาที จงหาความเร็วของอนุภาค

**วิธีทำ**

กราฟการกระจัดกับเวลา ความชัน คือ ความเร็ว

$$\begin{aligned} \text{ดังนั้น หาความชันที่เวลา 10 วินาที จะได้} &= \frac{40 - 30}{15 - 5} \\ &= 1 \text{ m/s} \end{aligned}$$

ดังนั้น ที่เวลา 10 วินาที จะมีความเร็ว 1 เมตรต่อวินาที

# PART 1 : สรุปเนื้อหาและตัวอย่างข้อสอบ

## 10. จากข้อ 8 จงหาความเร็วและอัตราเร็วในช่วง 0-20 วินาที

วิธีทำ

$$\begin{aligned} \text{ความเร็ว} &= \frac{\text{การกระจัด}}{\text{เวลา}} \\ &= \frac{0}{20} \\ &= 0 \\ \text{อัตราเร็ว} &= \frac{\text{ระยะทาง}}{\text{เวลา}} \\ &= \frac{80}{20} \\ &= 4 \text{ m/s} \end{aligned}$$

ดังนั้น ความเร็วและอัตราเร็วในช่วง 0 - 20 วินาที เท่ากับ 0 และ 4 เมตรต่อวินาที ตามลำดับ

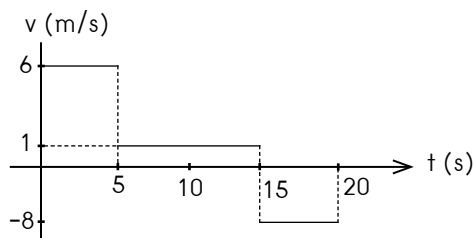
---

## 11. จากข้อ 8 กราฟความเร็วกับเวลาเป็นอย่างไร

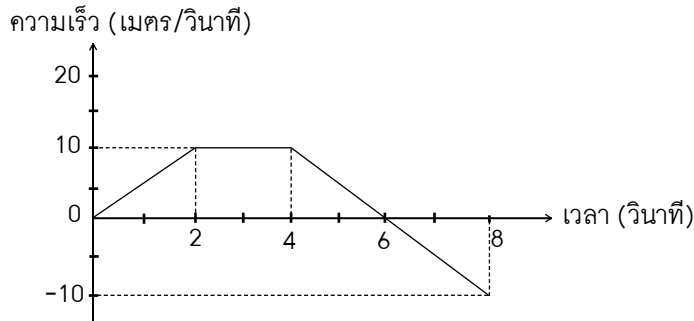
วิธีทำ

หาความเร็ว	ช่วง 0-5 วินาที	$v = \frac{30 - 0}{5 - 0}$ $= 6 \text{ m/s}$
	ช่วง 5 - 15 วินาที	$= 1 \text{ m/s}$ (จากข้อ 9)
	ช่วง 15 - 20 วินาที	$v = \frac{0 - 40}{20 - 15}$ $= -8 \text{ m/s}$

นำมาเขียนกราฟ จะได้ดังนี้



12. กราฟระหว่างความเร็วกับเวลาของรถยนต์คันหนึ่งเป็นดังนี้ จงหาการกระจัดเมื่อสิ้นสุดวินาทีที่ 8



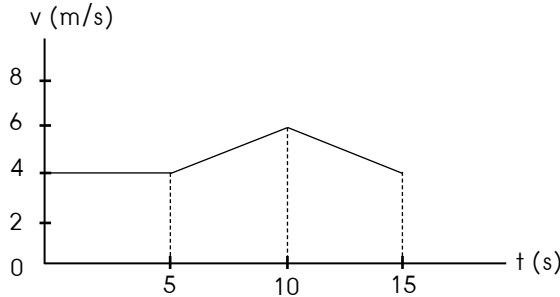
**วิธีทำ** การกระจัด = พื้นที่ใต้กราฟ  $v$  กับ  $t$

$$= \frac{1}{2}(6+2)(10) - \frac{1}{2}(2)(10)$$

$$= 30 \text{ m}$$

ดังนั้น การกระจัดเมื่อสิ้นสุดวินาทีที่ 8 เท่ากับ 30 เมตร

13.



จากกราฟ จงหา

13.1 ความเร่งเฉลี่ยในช่วงวินาทีที่ 5 ถึง 15

13.2 ความเร็วเฉลี่ยในช่วงวินาทีที่ 5 ถึง 15

13.3 การกระจัดในช่วง 15 วินาที

13.1 ความเร่งเฉลี่ยในช่วงวินาทีที่ 5 ถึง 15

**วิธีทำ** ความเร่ง คือ ความชันของกราฟ  $v$  กับ  $t$

ในช่วง 5 - 10 วินาที ได้ความชัน =  $\frac{5-4}{10-5} = 0.2 \text{ m/s}$

ในช่วง 10 - 15 วินาที ได้ความชัน =  $\frac{4-6}{15-10} = -0.2 \text{ m/s}$

## PART 1 : สรุปเนื้อหาและตัวอย่างข้อสอบ

$$\begin{aligned}\text{ความเร่งเฉลี่ย ในช่วง } 5 - 15 \text{ วินาที} &= \frac{a_1 + a_2}{2} \\ &= \frac{0.2 + (-0.2)}{2} = 0\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{หรือ อาจหาได้จาก } a_{av} &= \frac{v - u}{t} \\ &= \frac{4 - 4}{15 - 5} = 0\end{aligned}$$

ดังนั้น ความเร่งเฉลี่ยในช่วงวินาทีที่ 5 - 15 เป็นศูนย์

### 13.2 ความเร็วเฉลี่ยในช่วงวินาทีที่ 5 ถึง 15

วิธีทำ การกระจัด คือ พื้นที่ใต้กราฟของกราฟ  $v$  กับ  $t$

$$\begin{aligned}s &= \frac{1}{2}(4 + 5)(5) + \frac{1}{2}(4 + 5)(5) \\ &= 45 \text{ m} \\ v_{av} &= \frac{s}{t} \\ &= \frac{45}{15 - 5} \\ &= 4.5 \text{ m/s}\end{aligned}$$

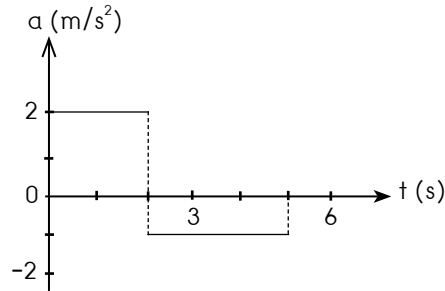
ดังนั้น ความเร็วเฉลี่ยในช่วงวินาทีที่ 5 - 15 เท่ากับ 4.5 เมตรต่อวินาที

### 13.3 การกระจัดในช่วง 15 วินาที

$$\begin{aligned}\text{วิธีทำ } s &= \text{พื้นที่ใต้กราฟ } v \text{ กับ } t \text{ ตั้งแต่ } 0 \text{ วินาที ถึง } 15 \text{ วินาที} \\ &= (4 \times 5) + \frac{1}{2}(4 + 5)(5) + \frac{1}{2}(4 + 5)(5) \\ &= 65 \text{ m}\end{aligned}$$

ดังนั้น การกระจัดในช่วง 15 วินาที เท่ากับ 65 เมตร

14.



จากรูปจงหาความเร็วที่เวลา 5 วินาที ถ้าวัตถุนี้เริ่มเคลื่อนที่จากหยุดนิ่ง

วิธีทำ

จากสูตร  $v = u + at$

ช่วงเวลา 0 - 2 วินาที  $v = 0 + (2 \times 2) = 4 \text{ m/s}$

ช่วงเวลา 2 - 5 วินาที  $v = 4 + ((-1) \times 3) = 1 \text{ m/s}$

หรือ จากสูตร  $v = u + at$  โดยที่  $at$  คือ พื้นที่ใต้กราฟความเร่งกับเวลา

$$at = (2 \times 2) + (3)(-1) = 1 \text{ m/s}$$

$$v = 0 + 1 = 1 \text{ m/s}$$

ดังนั้น ความเร็วที่เวลาที่ 5 วินาที เท่ากับ 1 เมตรต่อวินาที

15. รถยนต์คันหนึ่งวิ่งด้วยความเร็วคงที่ 10 เมตรต่อวินาที ขณะที่อยู่ห่างจากสิ่งกีดขวางเป็นระยะทาง 35 เมตร คนขับรถคันนี้ใจห้ำมล้อ โดยเสียเวลา 1 วินาที ก่อนที่ห้ามล้อจะทำงาน เมื่อห้ามล้อทำงานแล้ว จงหาความเร่งที่เกิดขึ้นซึ่งจะทำให้รถหยุดพอดี เมื่อถึงสิ่งกีดขวางนั้น

วิธีทำ

หา  $S$  ที่เคลื่อนที่ใน 1 วินาที ตอนคนขับรถใจห้ำมล้อ

$$\begin{aligned} S &= vt \\ &= 10 \times 1 \\ &= 10 \text{ m} \end{aligned}$$

จะมีระยะทางเหลือในการเบรก เท่ากับ  $35 - 10 = 25 \text{ m}$

$$\begin{aligned} \text{จาก } v^2 &= u^2 + 2aS \\ 0 &= 10^2 + 2a(25) \\ a &= -2 \text{ m/s}^2 \end{aligned}$$

ดังนั้น ความเร่งที่เกิดขึ้นเท่ากับ 2 เมตรต่อวินาที<sup>2</sup>